

Katedra Podstaw Informatyki



Jacek Cichoń

`jacek.cichon@pwr.edu.pl`

Politechnika Wrocławska
Wydział Informatyki i Telekomunikacji
Katedra Podstaw Informatyki

21 marca 2023



O Katedrze

Kadra

- 1 kadra naukowo - badawcza: 23 osoby
- 2 tytuł profesora: 3 osoby
- 3 stopień doktora habilitowanego : 1 osoba
- 4 pozostałe osoby: stopień doktora

Nasz paradygmat

Algorytmika = Esencja informatyki



O co chodzi ?

Hello world dla Big Data

```
topWords :: String → [(String,Int)]
```

```
topWords txt n = take ((sortByCount . group . sort . split . clear) txt) n
```

Analiza

- clear : $O(|txt|)$
- split : $O(|txt|)$
- sort : $O(|txt| \log(|txt|))$
- ...



Czy się zajmujemy?

Główne kierunki badań

- 1 kryptografia i bezpieczeństwo komputerowe
- 2 optymalizacja
- 3 algorytmy probabilistyczne
- 4 kombinatoryka
- 5 big data
- 6 sieci komunikacyjne (np. Ad Hoc)
- 7 ...

Ze względu na specyfikę spotkania nie omawiam działalności naukowej w matematyce i fizyce.



Kryptografia I

Opis problematyki

- 1 bezpieczne urządzenie: czarna skrzynka, która powinna uniemożliwić wyciek prywatnych kluczy kryptograficznych,
- 2 konsekwencja: brak dostępu/inspekcji środka urządzenia
- 3 ale: **dostawca urządzenia może zaimplementować urządzenie w zdradliwy sposób, tak aby klucze prywatne niezauważenie wyciekały**

Rozwiązanie w modelu Dawida i Goliata:

- 1 uniemożliwienie wycieku nawet gdy adwersarz zna stan generatora pseudolosowego w urządzeniu
- 2 efektywne odróżnienie podpisów cyfrowych utworzonych przez adwersarza, który złamał klucz publiczny
- 3 ...



Kryptografia - II

Opis problematyki

elastyczny blockchain

- 1 odtworzenie blockchajna gdy uległ zniszczeniu
- 2 zbalansowanie nienaruszalności/uaktualnień/weryfikowalności

Przykład

- 1 rozwinięcie izraelskiego schemat umożliwiającego odtworzenie całej struktury z tranzakcji, własność failstop: osoba oszukująca automatycznie ujawniłaby swoje klucze prywatne
- 2 VRBC – blockchain umożliwiający modyfikacje w określonych polach bez konieczności przebudowy blockchajna, wraz z efektywnymi metodami sprawdzenia poprawności



Kryptografia - III

Liderem grupy z KPI zajmującej się tymi zagadnieniami jest **prof. Mirosław Kutylowski**. Tą tematyką zajmują się Ł. Krzywiecki, P. Błaśkiewicz, P. Kubiak, A.Lauks-Dutka, P. Koziół, Marcin Słowik, Marta Słowik, J. Cichoń, M.Zawada.

Podsumowanie

- 1 szereg **pragmatycznych** rozwiązań przeciw wrogiej kryptografii
- 2 schematy realizujące ochronę danych osobowych i identyfikację elektroniczną
- 3 badania/publikacje ściśle związane z regulacjami europejskimi (GDPR, eIDAS, eID,...)

Konkretna kryptografia

Budowane schematy w ścisłym związku z wyzwaniami e-gov i transformacji cyfrowej.
Ścisła interakcja z rzeczywistymi wyzwaniami!!!



Odporna optymalizacja - I

Opis problematyki

- 1 \mathcal{X} - przestrzeń dopuszczalnych rozwiązań
- 2 \mathcal{U} - przestrzeń scenariuszy (realizacji parametrów zadania), np. postaci $U_i = \{0, 2, 4, 10\}$ lub $U_i = [a, b]$
- 3 jeden z głównych celów

$$\min_{x \in \mathcal{X}} \max_{s \in \mathcal{U}} F(x, s)$$

Przykład

- 1 \mathcal{X} - przestrzeń wszystkich ścieżek w grafie od s to t
- 2 $\mathcal{U} = (U_e, e \in E)$, $U_e = \{s_e^1, s_e^2\}$ (niepewne koszty łuków)
- 3 zadanie minimaksowe $\min_{x \in \mathcal{X}} \max_{s \in \mathcal{U}} \sum_{e \in x} s_e$ jest NP - trudne



Odporna optymalizacja - II

Przykład

- 1 INPUT: $(n, (C_i)_{i=1, \dots, n}, k)$, gdzie $|C_i| = 2$, tj. $|\mathcal{U}| = 2$ (dwa scenariusze)
- 2 $\mathcal{X} = \{T \subseteq \{1, \dots, n\} : \text{card}(T) = k\}$
- 3 CEL: zadanie minimaksowe

Twierdzenie

- 1 dla $|\mathcal{U}| = 2$ zadanie jest już NP-trudne
- 2 dla żadnego $\epsilon > 0$ nie istnieją wielomianowe $O(\log^{1-\epsilon}(|\mathcal{U}|))$ -aproxymacyjne algorytmy
- 3 istnieje $O(\log(|\mathcal{U}|))$ - aproxymacyjny algorytm wielomianowy



Odporna optymalizacja - III

Liderem grupy z KPI zajmującej się tymi zagadnieniami jest **prof. dr hab. Paweł Zieliński**.

Podsumowanie

- 1 szereg **klasycznych** wyników w odpornej optymalizacji
- 2 szereg praktycznych algorytmów aproksymacyjnych
- 3 około 10 dobrych publikacji w ciągu ostatnich 5 lat.

Precyzja

Zbudowane algorytmy mają udowodnioną skuteczność !!!
To nie są heurystyki bądź metaheurystyki !!!



Algorytmy probabilistyczne - I

Złożoność komunikacyjna algorytmu "maxima propagation"

- 1 $\mathcal{G} = (V, E)$ - sieć rozproszona modelowana za pomocą **spójnego** grafu połączeń
- 2 $X : V \rightarrow \mathbb{R}$ obserwowalny parametr
- 3 rozważamy algorytm propagowania największej z zaobserwowanej obserwacji

Twierdzenie

- 1 Niech \mathcal{G} będzie dowolnym spójnym grafem o n wierzchołkom. Niech X będą losowo, niezależnie przydzielone z odcinka $[0, 1]$. Wtedy

$$2 - \frac{1}{n} \leq E[MC_x] \leq \sum_{k=1}^n \frac{1}{k} \approx \ln n$$

- 2 otrzymane wyniki pozwalają na konstruowanie dużej klasy algorytmów dla sieci rozproszonych o małej złożoności komunikacyjnej



Algorytmy probabilistyczne - II

Sieci rozproszone

- 1 $\mathcal{G} = (V, E)$ - sieć rozproszona modelowana za pomocą grafu połączeń
- 2 $X : V \rightarrow \mathbb{R}$ obserwowalny parametr
- 3 CEL (przykład): wyznacz podstawowe parametry statystyczne, takie jak $\min_{v \in V} X(v), \max_{v \in V} X(v), \frac{1}{|V|} \sum_{v \in V} X(v)$

Rozwiązanie

- 1 za pomocą metody **extreme propagation** wyznacz losową próbkę
- 2 zbuduj przybliżony histogram
- 3 za pomocą tego histogramu, przy ponownym użyciu extreme propagation i liczników probabilistycznych wyznacz średnią wartość



Algorytmy probabilistyczne - III

Badaniem algorytmów probabilistycznych w KPI zajmują się J. Cichoń, Z. Gołębiowski, M. Kutyłowski, M. Sulkowska, M. Zawada,

Podsumowanie

- 1 szereg nowych algorytmów probabilistycznych
- 2 szereg praktycznych algorytmów aproksymacyjnych
- 3 około 15 dobrych publikacji w ciągu ostatnich 5 lat.

Precyzja

Zbudowane algorytmy mają udowodnioną skuteczność !!!

W większości wypadków mają uniwersalny charakter (np. są prawdziwe dla dowolnych rozkładów probabilistycznych)!!!



Kombinatoryka - I

Definicja

- 1 \mathcal{S}_n = liczba nieetykietowanych planarnych binarnych drzew o n liściach
- 2 $\text{sym}(T)$ = liczba takich wewnętrznych wierzchołków t , że lewa i prawe poddrzewa t są izomorficzne
- 3
$$c_n = \frac{1}{(n-1)^2} \sum_{k=1}^{n-1} c_k c_{n-k}$$

Twierdzenie

- 1 $E[\text{sym}(\mathcal{S}_n)] = n \cdot (0.3725 \pm \frac{1}{10^5})$
- 2 $E[H[\mathcal{S}_n]] \approx 1.109 \cdot n$
- 3 *istnieje algorytm kompresji klasy \mathcal{S} asymptotycznie optymalny.*



Kombinatoryka - II

Zespół

D. Bojko, J. Cichoń, Z. Gołębiewski, R. Kapelko, M. Sulkowska,



Big Data - I

Strumienie danych

- 1 obserwujemy intensywny strumień danych $(x_t)_{t=0, \dots, n}$, mamy dane $T > 0$
- 2 chcemy mieć losową próbkę danych z ostatnich T obserwacji
 $x_{n-T+1}, x_{n-T+2}, \dots, x_n$

Rozwiązanie

- 1 użyj dwie niezależne kopie **diabelskich schodów** długości T
- 2 użyj większy ze wskaźników
- 3 otrzymasz wskaźnik jednorodnie rozłożony na zbiorze $\{n - T + 1, \dots, n\}$



Big Data - II

Szkice danych

- 1 obserwujemy strumień danych $\mathcal{A} = ((x_t, w_t))_{t=0, \dots, n}$, w_i = waga elementu x_i
- 2 chcemy zbudować szkic $S_{\mathcal{A}}$ strumienia małych rozmiarów o dobrych własnościach algebraicznych; $|S_{\mathcal{A}}|_w$ = suma wag unikalnych elementów ,

Wyniki

Opracowano metodę konstrukcji szkieców, która

- 1 umożliwia dokładne szacowanie

$$|S_{\mathcal{A}} \cap S_{\mathcal{B}}|_w, \quad |S_{\mathcal{A}} \cup S_{\mathcal{B}}|_w, \quad |S_{\mathcal{A}} \setminus S_{\mathcal{B}}|_w$$

- 2 dla dla strumienia rozmiaru 10^9 : rozmiar $S_{\mathcal{A}} \approx 10\text{kB}$; dokładność rzędu 10 %



Big Data - III

Zagadnieniami Big Data w KPI zajmują się D. Bojko, J. Cichoń, K. Gotfryd, J. Lemiesz, M. Kutyłowski, M. Zawada.

Podsumowanie

- 1 On the algebra of data sketches, Jakub Lemiesz, 2021, **47th International Conference on Very Large Data Bases**, publikacja z roku 2023
- 2 Badane zagadnienia: szkice, próbkowanie, estymowanie rozmiaru sieci

Metodologia

Zbudowane algorytmy mają udowodnioną poprawość

Przeprowadzone symulacje służą tylko do sprawdzenia, czy gdzieś w obliczeniach nie wkradł się błąd!!!



Dydaktyka - I

Kierunki

- 1 Informatyka algorytmiczna, studia I stopnia
- 2 Informatyka algorytmiczna, studia II stopnia
 - 1 specjalność Algorytmika
 - 2 specjalność Computer Security (w języku angielskim)

Specyfika

- 1 solidna dawka matematyki niezbędnej do rozumienia i analizy algorytmów
- 2 główny element studiów I stopnia: **Algorytmy i Struktury Danych**
- 3 Języki Formalne i Teoria Translacji, Systemy Wbudowane



Dydaktyka - II

Znajomość języków programowania

- 1 Wszyscy absolwenci: podstawowe, powszechnie używane (w tym **Ada**)
- 2 Do wyboru: programowanie funkcyjne (**Haskell**, ML, F#), programowanie w logice: **Prolog**

Co powinni umieć absolwenci

- 1 umiejętność znajdowania krytycznych punktów aplikacji (czyli wyszukiwanie miejsc do sensownej optymalizacji)
- 2 optymalizacja parametrów stosowanych algorytmów
- 3 znajomość (wybranych) najnowszych algorytmów z aktualnych konferencji algorytmicznych



Potrzeby

Co potrzebujemy do badań

- 1 Główne narzędzia: kartka papieru, długopis, tablica, kreda lub pisak
- 2 Programy komputerowe: np. **Mathematica** - do przyspieszania i sprawdzania poprawności obliczeń matematycznych
- 3 Komputery: głównie do sprawdzania poprawności modeli (symulacje), do spisywania prac naukowych
- 4 Trochę środków na współpracę międzynarodową (Austria, Chiny, Francja, Izrael, USA)



Potrzeby

Co potrzebujemy do badań

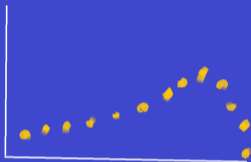
- 1 Główne narzędzia: kartka papieru, długopis, tablica, kreda lub pisak
- 2 Programy komputerowe: np. **Mathematica** - do przyspieszania i sprawdzania poprawności obliczeń matematycznych
- 3 Komputery: głównie do sprawdzania poprawności modeli (symulacje), do spisywania prac naukowych
- 4 Trochę środków na współpracę międzynarodową (Austria, Chiny, Francja, Izrael, USA)

Wniosek

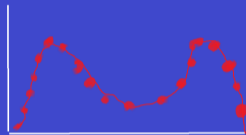
Stosunkowo mało potrzebne są nam granty.

Głównie na wyjazdy na konferencje zagraniczne i współpracę międzynarodową.

Hipotetyczna sytuacja

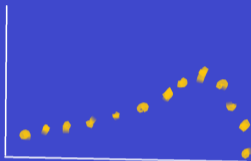


eksperymenty

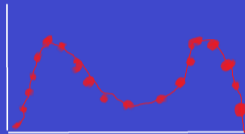


teoria

Hipotetyczna sytuacja



eksperymenty

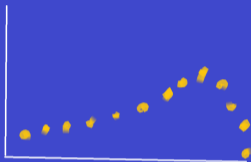


teoria

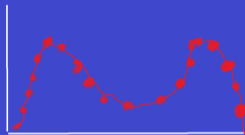
Najbardziej prawdopodobna przyczyna

Pomyliliśmy się w obliczeniach !!!
Trzeba na nowo wziąć się do pracy.

Hipotetyczna sytuacja



eksperymenty



teoria

Najbardziej prawdopodobna przyczyna

Pomyliliśmy się w obliczeniach !!!
Trzeba na nowo wziąć się do pracy.

To już koniec